## А.Б.Гаряев

Московский энергетический институт (технический университет), Россия

# ИССЛЕДОВАНИЕ ПОВЕДЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ТЕПЛОНОСИТЕЛЕЙ И КОЭФФИЦИЕНТА ТЕПЛОПЕРЕДАЧИ В ТЕПЛООБМЕННЫХ АППАРАТАХ С КОНДЕНСАЦИЕЙ ВЛАГИ ИЗ ПАРОГАЗОВОЙ СМЕСИ

#### **АННОТАЦИЯ**

В условиях выполнения аналогии между процессами тепло- и массообмена записана математическая модель для нахождения распределения температур, влагосодержаний и энтальпий по длине теплообменных аппаратов с конденсацией влаги из парогазовой смеси. Получены численные решения, анализ которых позволил объяснить поведение температурных и энтальпийных кривых. Показано, что распределение эффективного коэффициента теплопередачи в таких теплообменных аппаратах может носить нелинейный характер, а его значение существенно изменяется по поверхности теплообмена. Введены характерные точки на *H-d* диаграмме влажного воздуха, позволяющие определить характер изменения эффективного коэффициента теплопередачи.

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Исследование конденсации влаги из парогазовых смесей в теплообменных аппаратах (т.н. конденсационных теплоутилизаторах (КТУ)) представляет интерес для расчета и проектирования теплоутилизационных установок, а также для технических задач, связанных с осушкой газов.

Для обычных рекуперативных теплообменных аппаратов существует теоретическое описание происходящих в них процессов, позволяющее в предположении о постоянстве коэффициента теплопередачи определить распределение температуры и средние по поверхности теплообмена значения температурного напора при прямотоке, противотоке и простом перекрестном токе. Эти результаты лежат в основе широко используемых на практике инженерных методов расчета теплообменных аппаратов.

Применительно к КТУ характер распределения температур, энтальпий и влагосодержаний нельзя предсказать заранее (кроме простых частных случаев) [1]. Эффективный (рассчитанный как отношение суммарного передаваемого теплового потока к разности температур) коэффициент теплопередачи в теплообменниках с влаговыпадением может в несколько раз превышать его значение в случае «сухого» теплообмена [2]. Характер его распределения по длине теплообменной поверхности на настоящий момент не исследован.

#### 2. МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ

Значительная часть поверхностных и смесительных теплообменных аппаратов работает в областях, где концентрация пара в парогазовой смеси невели-

ка (не более 10—15 %). В таких случаях можно считать оправданным использование предположения об аналогии процессов тепло- и массообмена. При этом коэффициент массоотдачи может быть вычислен по соотношению Льюиса:

$$\beta_x = \frac{\alpha}{C_p} \qquad . ag{1}$$

Это позволяет записать массовый поток  $\dot{J}$  , вызванный конденсацией пара как

$$j = \frac{\alpha}{C_n} (x_\infty - x_W) \,. \tag{2}$$

Рассмотрев проточную часть прямоточного или противоточного КТУ и записав балансы тепла и массы пара для элементарного участка dF, разделяющего два соседних канала теплообменника, можно получить одномерную математическую модель, которая включает дифференциальные уравнения для энтальпии и влагосодержания горячего теплоносителя, температуры холодного теплоносителя, алгебраическое уравнение, описывающее баланс потоков теплоты на стенке, а также нелинейные уравнения, связывающего температуру, парциальное давление и влагосодержание жидкости в состоянии насыщения:

$$\frac{dH_1}{dF} = -\frac{\alpha_1}{G_1}(t_1 - t_w) - \frac{\alpha_1 r}{G_1 c_{p1}}(x_1 - x_w);$$
 (3)

$$\frac{dt_2}{dF} \simeq \pm \frac{\alpha_1}{W_2} \frac{(H_1 - H_w)}{c_{p1}};$$
(4)

$$\frac{d(x_1)}{dF} = -\frac{\alpha_1}{W_1} (x_1 - x_w);$$
 (5)

$$\alpha_1(t_1 - t_w) + \frac{\alpha_1(x_1 - x_w)r}{c_{p1}} = \alpha_2(t_w - t_2);$$
 (6)

$$x_W = 0.622 \cdot \frac{Ps}{P6 - Ps}; \tag{7}$$

$$Ps = 133, 3 \cdot \exp\left[2,3\left(8,074 - \frac{1733,4}{t_w + 233,8}\right)\right]. \tag{8}$$

Знак «+» в уравнении для  $t_2$  соответствует прямоточной схеме движения теплоносителей, знак «-» — противоточной. Граничными условиями являются значения энтальпии, температуры и влагосодержания газа на входе в теплообменник.

При записи математической модели использованы следующие допущения:

- рассматривается изменение температуры и концентрации пара только по длине канала, т.е. используется одномерное приближение;
- конвективный поток парогазовой смеси, направленный в сторону поверхности (Стефанов поток), невелик;
- возникающая на поверхности теплообмена пленка конденсата тонкая, и ее термическим сопротивлением можно пренебречь;
- коэффициенты теплоотдачи постоянны и равны их средним по длине поверхности теплообмена значениям:
- изменение теплофизических свойств парогазовой смеси, обусловленное изменением ее состава, невелико;
- расход парогазовой смеси примерно равен расходу сухого воздуха;
- составляющая, учитывающая физическую теплоту водяного пара мала по сравнению с другими составляющими, входящими в энтальпию парогазовой смеси, т.е.  $H = t\,C_p + x\,r$ .

Для упрощения выкладок также сделано допущение о малости термического сопротивления стенки теплообменника.

Аналогичную модель можно использовать не только для расчета поверхностных, но и контактных теплообменных аппаратов, в том числе градирен, при известном значении коэффициента теплоотдачи при «сухом» теплообмене.

# 3. РЕЗУЛЬТАТЫ ЧИСЛЕННЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ТЕПЛОНОСИТЕЛЕЙ

На основании представленной математической модели проведены численные исследования распределения температур, энтальпий и влагосодержаний теплоносителей для различных соотношений их расходов, начальных значений температур и влагосодержаний. Расчеты производились в диапазоне температур горячего теплоносителя 70...150 °С и его влагосодержаний от 0 до 0,2 (кг влаги)/(кг сухого воздуха). Коэффициенты теплоотдачи при «сухом» теплообмене, так же как расходы теплоносителей, являлись исходными данными для расчетов. Коэффициент теплоотдачи со стороны парогазовой смеси принимался равным 50 B $\tau$ /( $M^2 \cdot K$ ), а со стороны холодного теплоносителя (воды) —  $2000 \, \text{Bt/(M}^2 \cdot \text{K})$ , что соответствует их характерным значениям в КТУ. Получаемая в расчетах температура стенки изменялась в пределах от 0 до 45 °C.

Решения позволили проанализировать поведение температурных и энтальпийных кривых в КТУ. Был подтвержден полученный в [3] на основе аналитических решений вывод о том, что характер изгиба кривых определяется соотношением водяного эквивалента холодного теплоносителя и эффективного водяного эквивалента парогазовой смеси, который

можно вычислить, как 
$$W_2 \frac{C_{p_1}}{\varphi(t_w)}$$
, где  $\varphi(t_w)$  — про-

изводная энтальпии влажного насыщенного водяного пара по температуре, рассчитанная при текущем значении температуры теплообменной поверхности. Определяющим критерием является знак

выражения 
$$m=rac{1}{W_1}\pmrac{1}{W_2}rac{\phi'(t_w)}{C_{p_1}}$$
 . Если для прямоточ-

ной схемы движения теплоносителей m всегда положительно, то при противотоке его значение может не только иметь разный знак, но и меняться вдоль поверхности теплообмена из-за изменения  $\phi'(t_w)$ . Вид характерных кривых, полученных в результате численного решения системы (3)—(7) при различных значениях m, показан на рис. 1.

Особо следует подчеркнуть, что в том случае, если *т* меняет знак, то разность энтальпий горячего теплоносителя и стенки, определяющая величину суммарного теплового потока, может сначала возрастать, а затем убывать по длине, чего никогда не наблюдается в обычных теплообменниках. Это обусловлено нелинейным поведением разности влагосодержаний. Изменение разности температур всегда носит монотонный характер.

Таким образом, поведение энтальпий и температур стенки и теплоносителей в КТУ определяется не только соотношением водяных эквивалентов, как в обычных теплообменных аппаратах, но и температурой поверхности теплообмена, которая определяет величину  $\phi'(t_w)$ .

# 4. РАСПРЕДЕЛЕНИЕ КОЭФФИЦИЕНТОВ ТЕПЛОПЕРЕДАЧИ

Путем численного решения системы (3)—(7) также производился расчет распределения по длине теплообменной поверхности эффективного коэффициента теплопередачи между горячим и холодным теплоносителями. Решения показали, что его поведение сложно и нелинейно: он может как возрастать, так и убывать по длине теплообменной поверхности, а также иметь экстремум (рис. 2).

Анализ полученных решений и построение процесса изменения параметров парогазовой смеси в *H-d*-диаграмме влажного воздуха позволили выяснить, что поведение коэффициента теплоотдачи, а также состояние горячего теплоносителя на выходе определяется соотношением начальных параметров горячего теплоносителя и параметров насыщенных паров на теплообменной поверхности на входе в аппарат и на выходе из него.

Уменьшение эффективного коэффициента теплопередачи связано с ростом температуры теплообменной поверхности вследствие нагревания холодного теплоносителя.

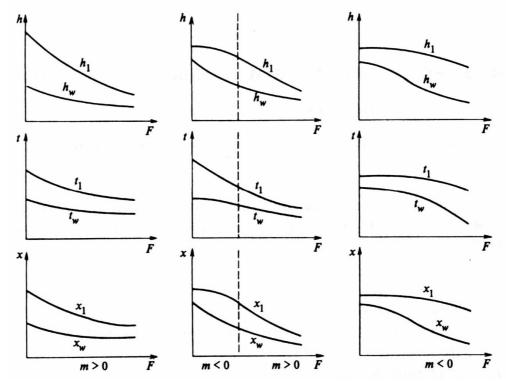


Рис. 1. Характерные распределения температур, энтальпий и влагосодержаний в КТУ

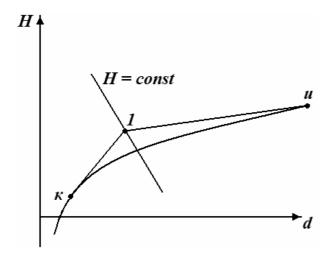


Рис. 2. Характерные точки на *H-d-*диаграмме, определяющие поведение эффективного коэффициента теплопередачи

Введены характерные точки на H-d-диаграмме влажного воздуха, положение которых для заданных параметров теплоносителя на входе и выходе определяет поведение эффективного коэффициента теплопередачи. Их положение можно найти, проведя касательные из точки, соответствующей состоянию влажного газа к линии  $\phi = 100$  % (точки K и M на рис. 2).

Эти точки характеризуют температуры теплообменной поверхности (что при больших коэффициентах теплоотдачи соответствует температуре холодного теплоносителя), при которых наблюдается наиболее эффективная конденсация или испарение

для влажного газа с параметрами точки 1. Точки наилучшей конденсации K и наилучшего испарения U показывают температуру поверхности теплообмена, при которой достигается наибольшая тепловая производительность аппарата (конденсатора или испарителя). Если температура поверхности ниже температуры наилучшей конденсации, то влажный газ на выходе из аппарата может находиться в насыщенном состоянии.

Для противоточных конденсационных теплоутилизаторов возможны три характерных случая поведения коэффициентов теплопередачи:

- 1) начальная температура поверхности теплообмена выше точки наилучшей конденсации на линии  $\varphi = 100\%$  на диаграмме влажного газа. В этом случае коэффициент теплопередачи монотонно возрастает по ходу движения влажного газа (рис. 3, a);
- 2) начальная температура поверхности теплообмена ниже, а конечная выше точки наилучшей конденсации на линии  $\varphi = 100$  % на диаграмме влажного газа. В этом случае коэффициент теплопередачи ведет себя немонотонно. По ходу движения влажного газа он сначала возрастает, достигает максимума в районе точки наилучшей конденсации, а затем убывает (рис. 3,  $\delta$ );
- 3) начальная и конечная температуры поверхности теплообмена ниже точки наилучшей конденсации на линии  $\varphi = 100$  % на диаграмме влажного газа. В этом случае коэффициент теплопередачи монотонно убывает по длине поверхности теплообмена (рис. 3,  $\varepsilon$ ).

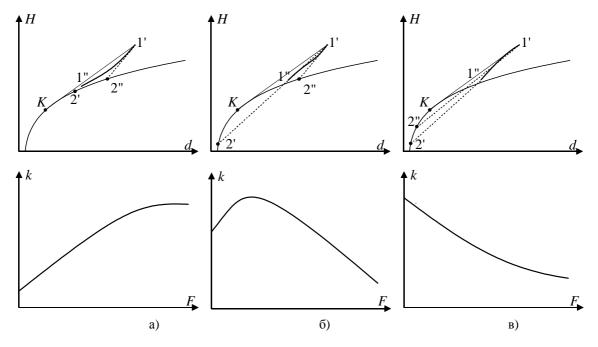


Рис. 3. Различные случаи распределения коэффициентов теплопередачи в КТУ

Для достижения наивысшего коэффициента теплоотдачи наилучшим выбором начальных параметров теплоносителей будет случай, когда водяной эквивалент холодного теплоносителя велик по сравнению с водяным эквивалентом горячего теплоносителя и температура холодного теплоносителя, а также температура поверхности теплообмена слабо меняются. При этом последняя должна быть равна температуре наилучшей конденсации. Сам влажный газ должен быть как можно ближе к насыщенному состоянию, т.е. иметь максимальную относительную влажность.

#### выводы

Разработана математическая модель для описания процессов тепло- и масоообмена в проточных частях прямоточных и противоточных КТУ.

Получены численные решения, позволяющие в условиях выполнения аналогии между процессами тепло- и массоообмена, найти распределения температур, влагосодержаний и энтальпий теплоносителей по поверхности прямоточных и противоточных КТУ. Объяснено поведение температурных и энтальпийных кривых.

Показано, что распределение эффективного коэффициента теплопередачи в КТУ может носить нелинейный характер, а его значение может существенно (в разы) изменяться по поверхности теплообмена. Введены характерные точки на диаграмме влажного воздуха, позволяющие определить характер изменения эффективного коэффициента теплопередачи.

#### СПИСОК ОБОЗНАЧЕНИЙ

G — массовый расход теплоносителя, кг/с;

x — влагосодержание газа (кг / кг сухого воздуха);

t — температура,  ${}^{\circ}$ С;

К — эффективный коэффициент теплопередачи;

 $\alpha$  — коэффициент теплоотдачи при «сухом» теплообмене,  $Bt/(m^2 \cdot K)$ ;

 $\beta$  — коэффициент массоотдачи, отнесенный к влагосодержанию газа, кг/ (м²·с);

 $C_{n}$  — изобарная теплоемкость, Дж/(кг·К);

j — удельный массовый поток, кг/(м<sup>2</sup>·с)

H — энтальпия влажного газа Дж/(кг сухого газа);

W — водяной эквивалент,  $B\tau/K$ ;

r — удельная теплота парообразования, Дж/кг;

 $P_s$  — давление насыщенного пара, Па;

 $P_{6}$  — барометрическое давление Па.

## Индексы:

w — значение параметра на стенке;

1 — параметры горячего теплоносителя;

2 — параметры холодного теплоносителя.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Кокорин О.Я. Установки кондиционирования воздуха. Основы расчета и проектирования. М.: Машиностроение. 1978. 264 с.
- 2. **Кудинов А.А, Антонов В.А., Алексеев Ю.Н.** Анализ эффективности применения конденсационного теплоутилизатора за паровым котлом ДЕ-10-14 ГМ // Промышленная энергетика. 1997. № 8. С. 8—10.
- 3. Гаряев А.Б. Исследование распределения температур и энтальпий теплоносителей в поверхностных конденсационных теплоутилизаторах // Теплоэнергетика. № 7. 2005. С. 55—59.